

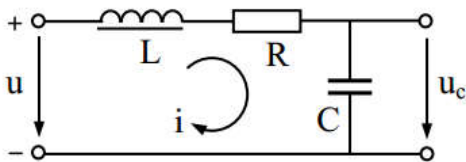
ĐỀ SỐ 1

(SV được phép sử dụng tài liệu)

Họ và tên:..... Lớp:

Bài 1: (2 điểm) - CĐR 2

Cho hệ RLC nối tiếp như sau:



Cho biết:

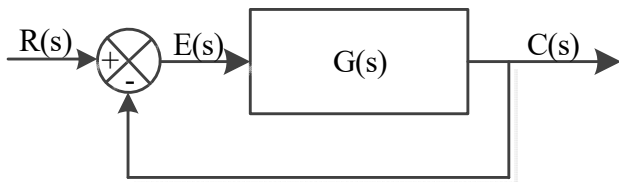
Tín hiệu vào: điện áp u

Tín hiệu ra: điện áp uc

Hãy xác định hàm truyền G(s) của hệ thống

Bài 2: (3 điểm) - CĐR 3

Cho hệ thống vòng kín như sau:



Cho biết:

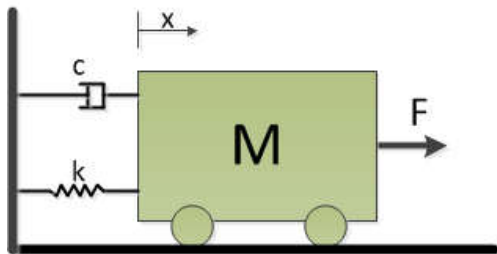
$$G(s) = \frac{K}{s(s+2)(s+3)(s+7)}$$

a, Xác định hệ số K để hệ thống ổn định.

b, Nếu K=100 thì phương trình đặc tính có bao nhiêu nghiệm dương và bao nhiêu nghiệm âm? Hệ thống có ổn định với K=100 không?

Bài 3: (5 điểm)

Cho hệ thống như hình:



Cho biết:

$$K = \frac{20N}{m}, c = 10N \cdot s/m, M = 1kg, f(t) = u(t) N$$

a, Tìm hàm truyền của hệ thống. (CĐR 2)

b, Vẽ sơ đồ khối hệ thống khi sử dụng bộ điều khiển PID để điều khiển hệ thống. (CĐR 5)

c, Hãy tìm thông số của bộ điều khiển PID để hệ thống đáp ứng các yêu cầu sau: (CĐR 4)

- Độ vọt lố POT = 5%
- Thời gian quá độ theo tiêu chuẩn 2%: $t_{qd} = 0.3s$
- Hệ số vận tốc là $K_v = 1$

ĐÁP ÁN ĐỀ SỐ 1:

Bài 1:

Tim hàm truyền:

Theo định luật Kirchhoff ta có:

$$u = u_R + u_L + u_C$$

$$\Leftrightarrow u = Ri + L \frac{di}{dt} + u_C \quad (*)$$

Mà: $u_C = \frac{1}{C} \int idt$

Suy ra $i = C \frac{du_C}{dt}$; $\frac{di}{dt} = C \frac{d^2u_C}{dt^2}$

Thế vào (*), ta được phương trình vi phân bậc 2

$$u = LC \frac{d^2u_C}{dt^2} + RC \frac{du_C}{dt} + u_C$$

Lấy laplace 2 vế của phương trình trên và Hàm truyền của hệ thống

$$G(s) = \frac{U_C(s)}{U(s)} = \frac{1}{LCs^2 + RCs + 1}$$

Bài 2:

a, Hàm truyền tương đương của hệ kín

$$G_k(s) = \frac{G(s)}{1 + G(s)} = \frac{\frac{K}{s(s+2)(s+3)(s+7)}}{1 + \frac{K}{s(s+2)(s+3)(s+7)}} = \frac{K}{s^4 + 12s^3 + 41s^2 + 42s + K}$$

Phương trình đặc tính của hệ thống:

$$s^4 + 12s^3 + 41s^2 + 42s + K$$

Bảng Routh:

s⁴	1	41	K
s³	12	42	0
s²	$\frac{492}{42}$	K	0
s¹	$-\frac{504}{492}K + 42$	0	0
s⁰	K	0	0

0.5đ

0.5đ

1 đ

0.5 đ

1đ

Để hệ thống ổn định thì:

$$\begin{cases} -\frac{504}{492}K + 42 > 0 \leftrightarrow 0 < K < 41 \\ K > 0 \end{cases}$$

0.5 đ

b, Thay K=100 vào bảng Routh ta thấy các phần tử ở cột 1 bảng Routh có 1 phần tử có giá trị âm và đổi dấu 2 lần nên phương trình đặc tính có 2 nghiệm dương và 2 nghiệm âm. Nên với K=100 thì hệ thống không ổn định.

1 đ

Bài 3:

Tim hàm truyền:

Phương trình động học của hệ thống:

$$M\ddot{x}(t) + c\dot{x}(t) + Kx(t) = f(t)$$

Lấy Laplace 2 vế của (1) ta được:

$$(Ms^2 + cs + K)X(s) = F(s)$$

Hàm truyền của hệ thống là:

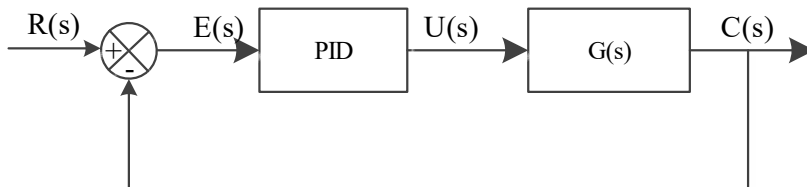
$$G(s) = \frac{X(s)}{F(s)} = \frac{1}{Ms^2 + cs + K}$$

Thay số:

$$G(s) = \frac{1}{s^2 + 10s + 20}$$

1 đ

Hệ thống khi có bộ điều khiển PID



1 đ

Bộ điều khiển PID:

$$G_{PID}(s) = K_P + \frac{K_I}{s} + K_D s$$

Ta có:

$$G_N(s) = G_{PID}(s)G(s)$$

$$K_V = 1 \leftrightarrow \lim_{s \rightarrow 0} sG_N(s) = \lim_{s \rightarrow 0} sG_{PID}(s)G(s)$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} s \left(K_P + \frac{K_I}{s} + K_D s \right) \left(\frac{1}{s^2 + 10s + 20} \right) = 1$$

$$\rightarrow K_I = 20$$

1 đ

Phương trình đặc trưng:

$$1 + G_N(s) = 0 \leftrightarrow 1 + \left(K_P + \frac{K_I}{s} + K_D s \right) \left(\frac{1}{s^2 + 10s + 20} \right) = 0$$

$$\leftrightarrow s^3 + (10 + K_D)s^2 + (20 + K_P)s + K_I = 0$$

Ta lại có:

Độ vọt lố là 5%:

$$POT = e^{-(\xi\pi/\sqrt{1-\xi^2})} = 0.05$$

$$\rightarrow e^{-\left(\frac{\xi\pi}{\sqrt{1-\xi^2}}\right)} = e^{\ln(0.05)}$$

$$\leftrightarrow \left(\frac{\xi\pi}{\sqrt{1-\xi^2}}\right) = 3 \leftrightarrow \xi = 0.69$$

Thời gian quá độ theo tiêu chuẩn 2% là 0.3 giây:

$$t_{qd} = \frac{4}{\xi\omega_n} = 0.3 \rightarrow \omega_n = \frac{4}{0.3(0.69)} = 19.32$$

Phương trình đặc trưng mong muốn:

$$(s + a)(s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2) = 0$$

$$(s + a)(s^2 + 26.66s + 373.26) = 0$$

$$s^3 + (a + 26.66)s^2 + (26.66a + 373.26)s + 373.26a = 0$$

$$\begin{cases} 10 + K_D = a + 26.66 \\ 20 + K_P = 26.66a + 373.26 \\ K_I = 373.26a \end{cases} \leftrightarrow \begin{cases} a = 0.0027 \\ K_P = 353.33 \\ K_D = 16.66 \end{cases}$$

$$\rightarrow G_{PID}(s) = 353.33 + \frac{1}{s} + 16.66s$$

1 đ

1 đ